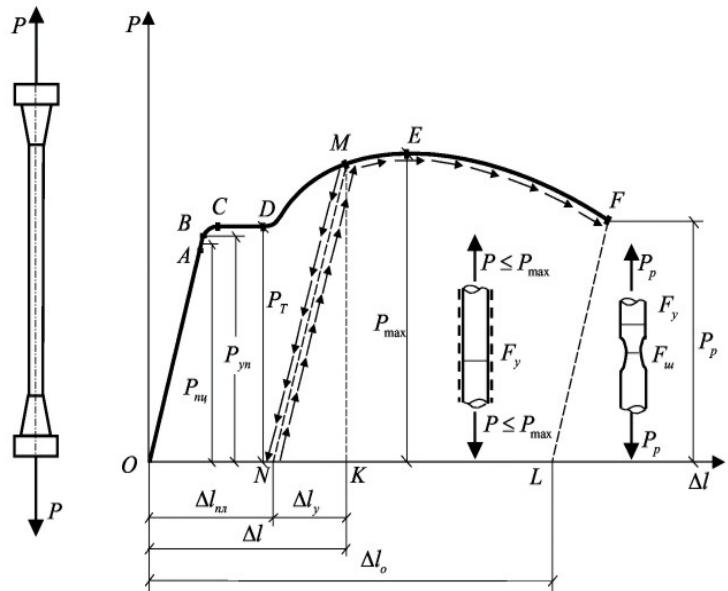
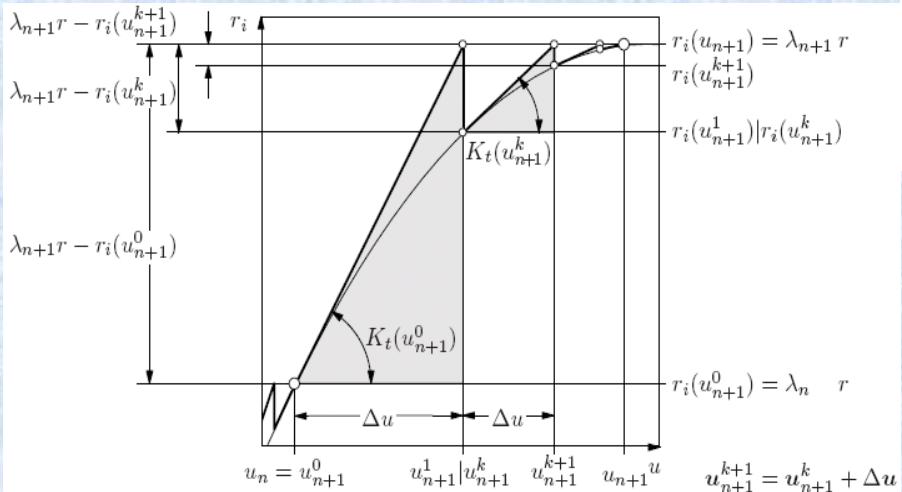


## Vježba II - Elasto-plastična analiza

- Nelinearna konstitutivna relacija
- Inkrementalno-iterativni postupak
- konvergencija

### Newton-Raphson postupak



## Osnovne jednačine teorije plastičnosti:

Aditivna dekompozicija totalne deformacije:  $\varepsilon = \varepsilon_{el} + \varepsilon_{pl}$

Elastična napon-deformacija relacija:  $\sigma = E \cdot (\varepsilon - \varepsilon_{pl})$

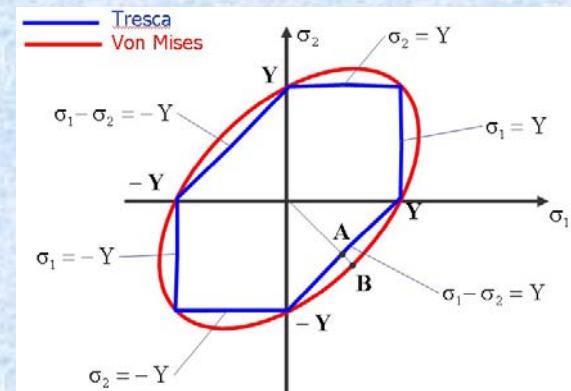
Uslov tečenja : Tresca (1864):  $\tau_{\max} = \sigma_1 - \sigma_3 = Y(k)$ ,  $\sigma_1, \sigma_2, \sigma_3$  – glavni naponi

von Mises (1913):  $F = (\sigma_x^2 + \sigma_y^2 - \sigma_x \cdot \sigma_y + 3\tau_{xy}^2)^{1/2} - \sigma_0 = \sigma_e - \sigma_0$ ;  $\sigma_0$  – napon tečenja pri 1D

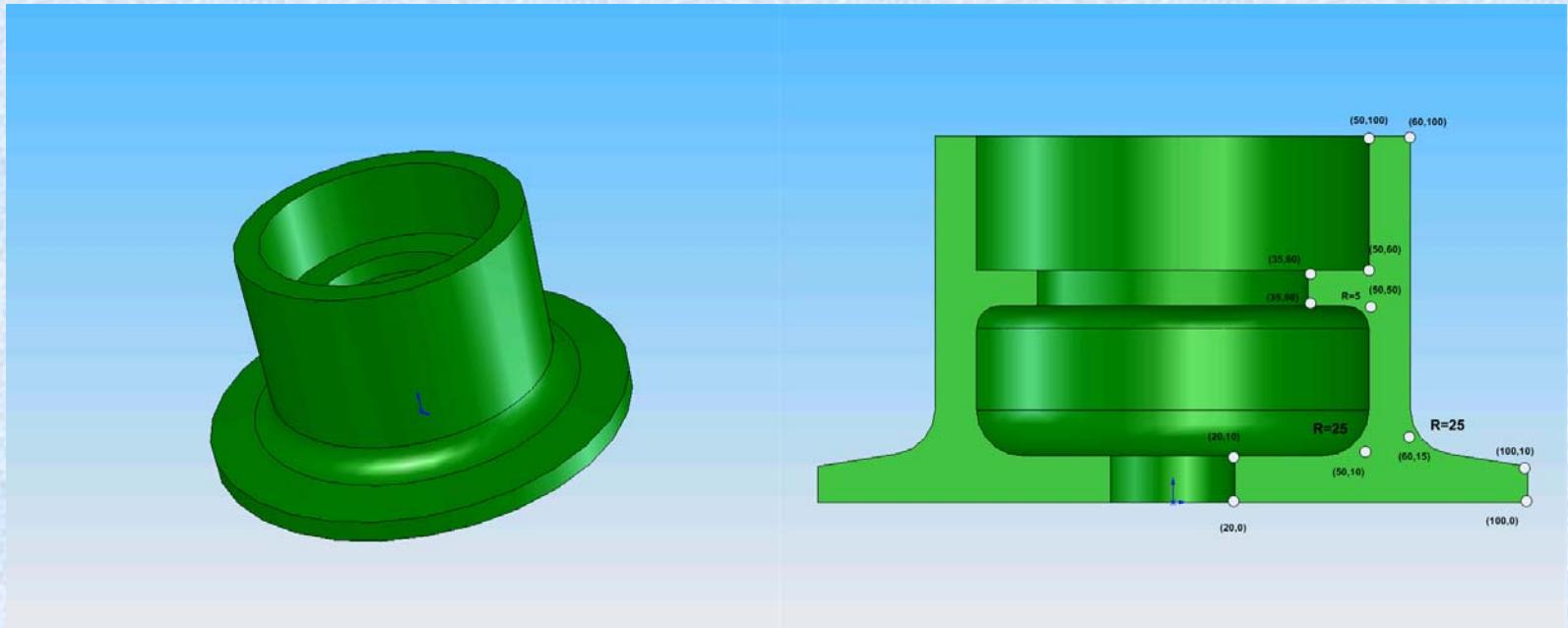
Zakon tečenja (pridruženi):  $\dot{\varepsilon}_{pl} = \lambda \cdot \frac{\partial F}{\partial \sigma}$

Zakon ojačavanja, opšti oblik:  $\sigma_0 = f(\bar{\varepsilon}_{pl})$

linearni oblik:  $\sigma_0(\bar{\varepsilon}_{pl}) = \sigma_0 + H_{iso} \cdot \bar{\varepsilon}_{pl}$

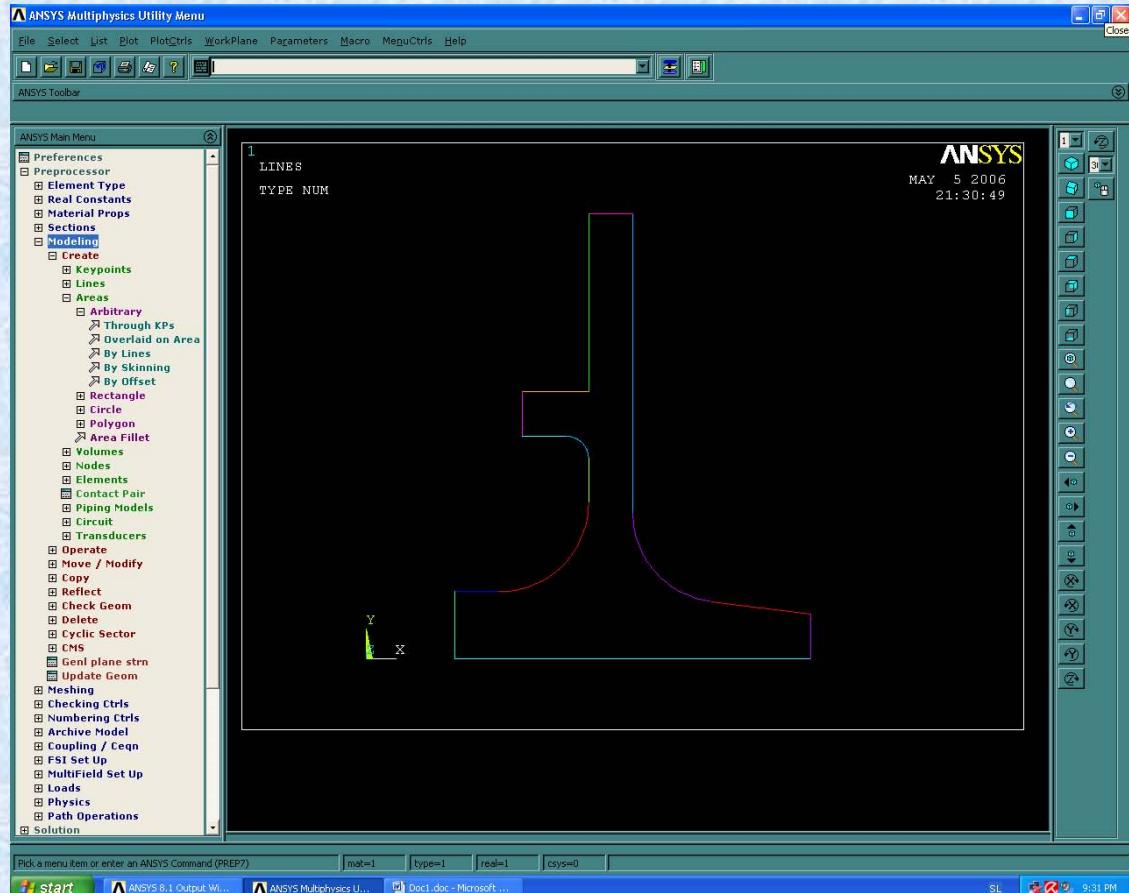


## Elasto-plastična analiza aksi-simetričnog oslonca opterećenog po unutarnjem prstenu



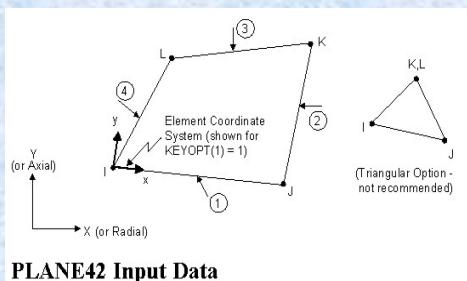
## Pre-procesiranje:

- izgradnja 2D modela
- ključne tačke,
- linije,
- površina,
- zaobljavanje...



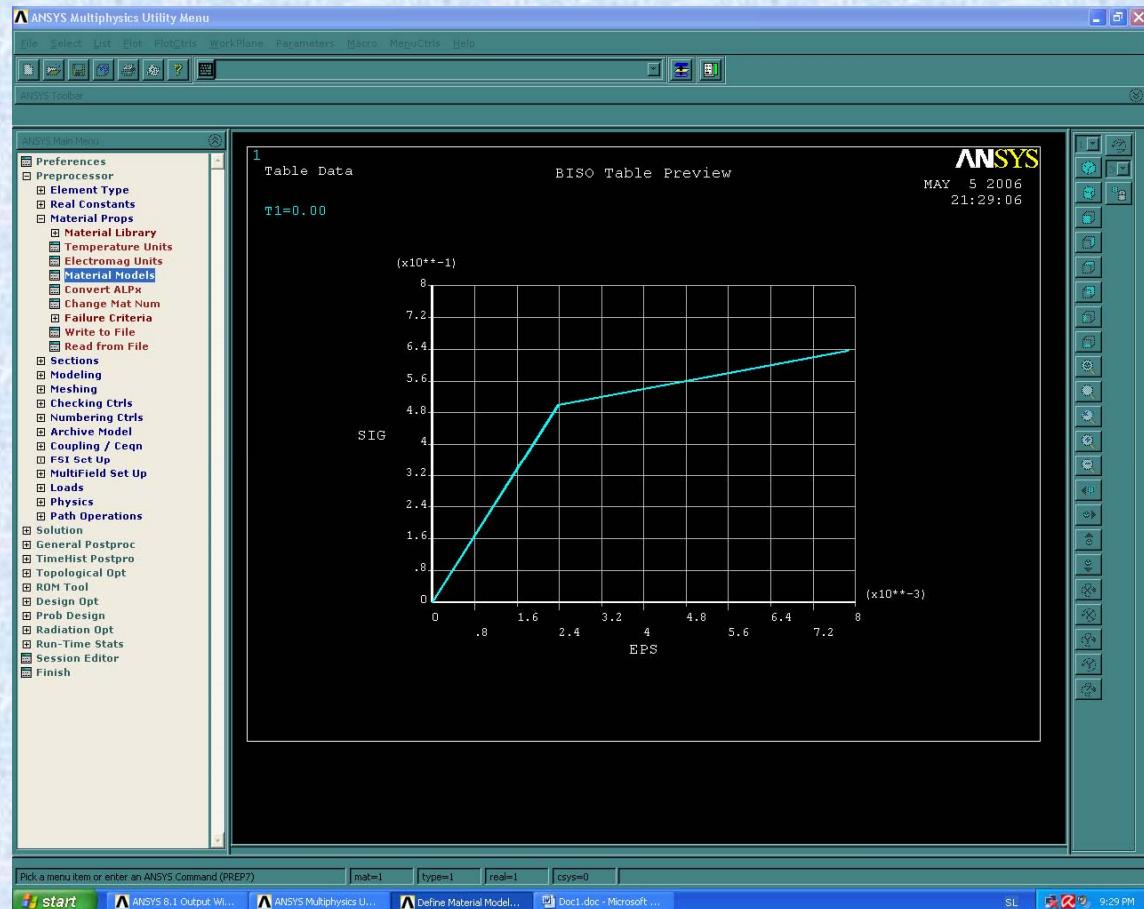
## Pre-procesiranje:

- izbor elementa,



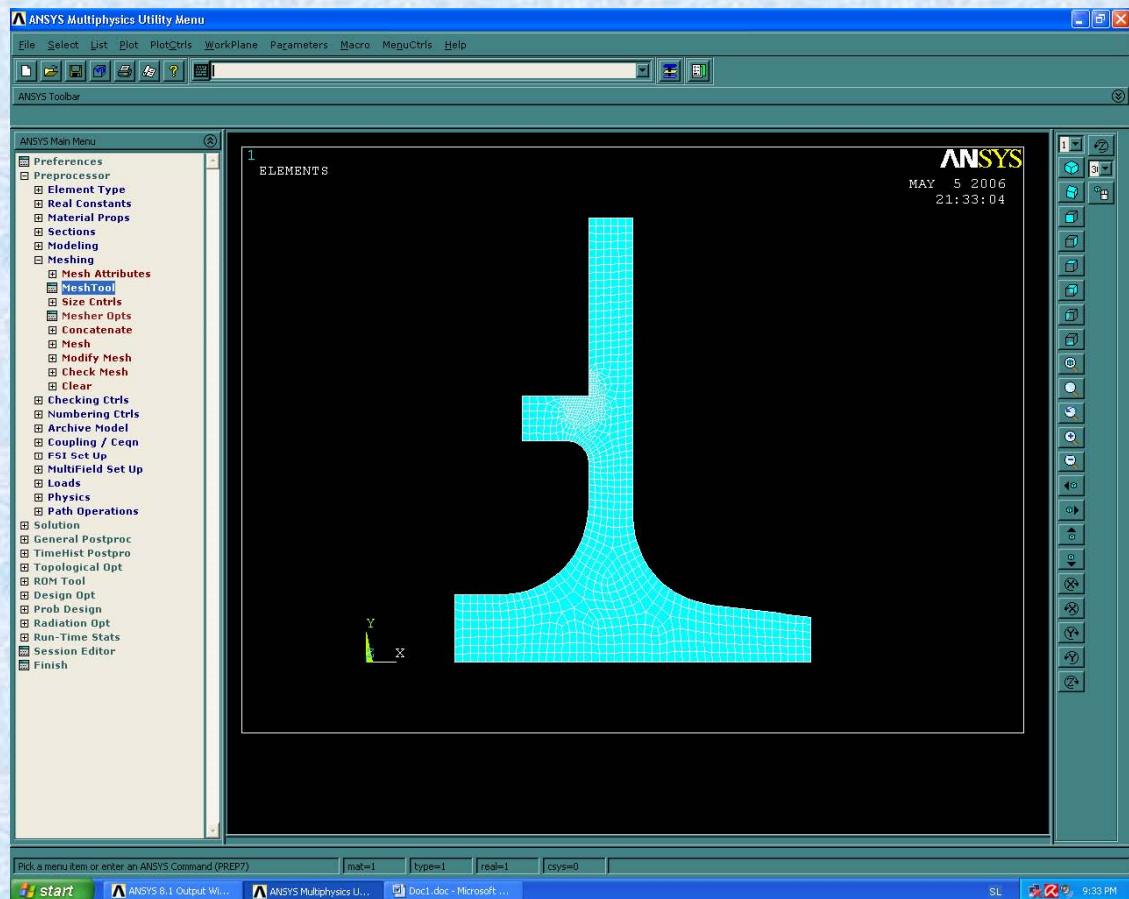
PLANE42 Input Data

- materijal,
- linearno ojačavanje



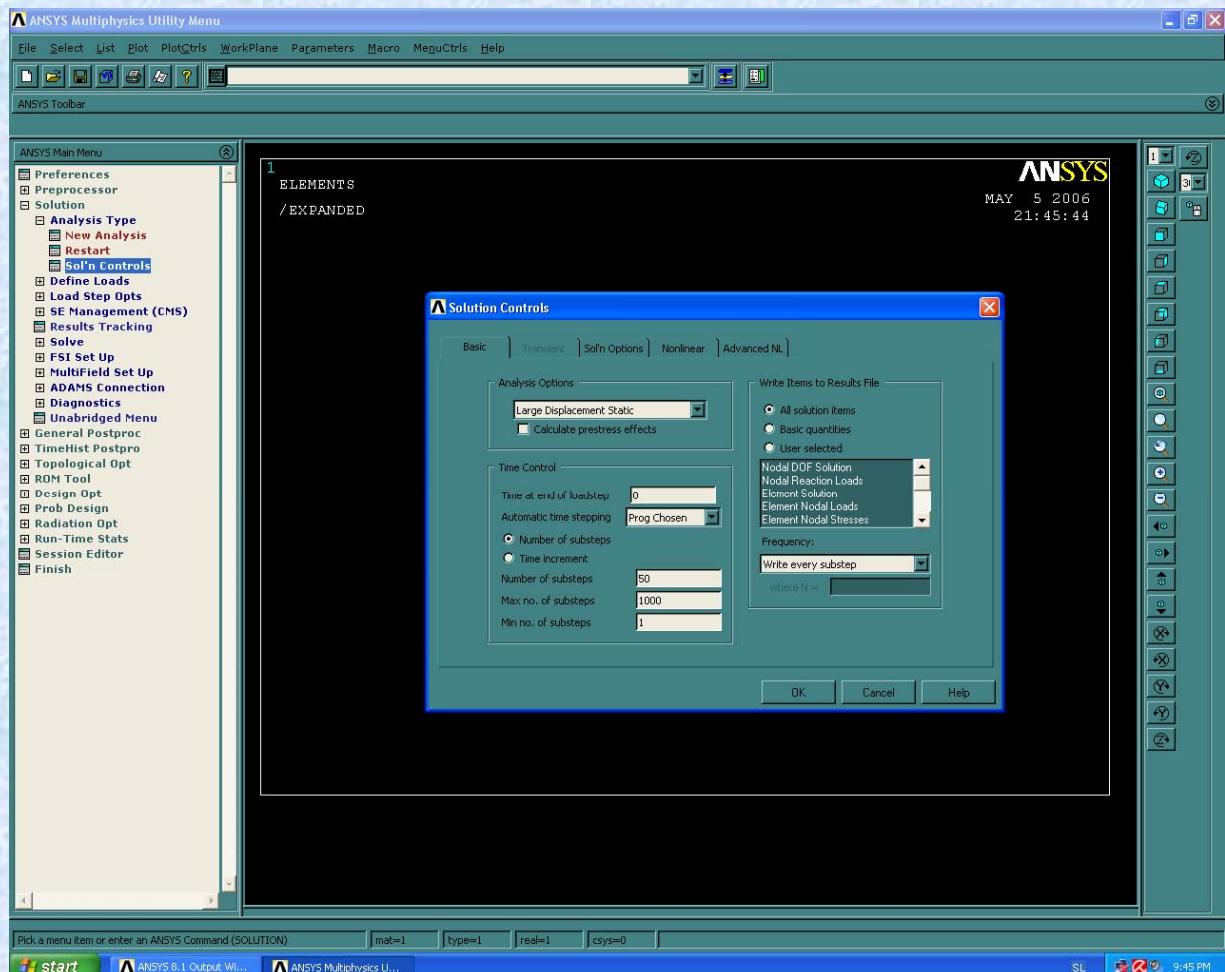
## Pre-procesiranje:

- generisanje 2D mreže,
- mesh refinement
- pregled broja elemenata i čvorova



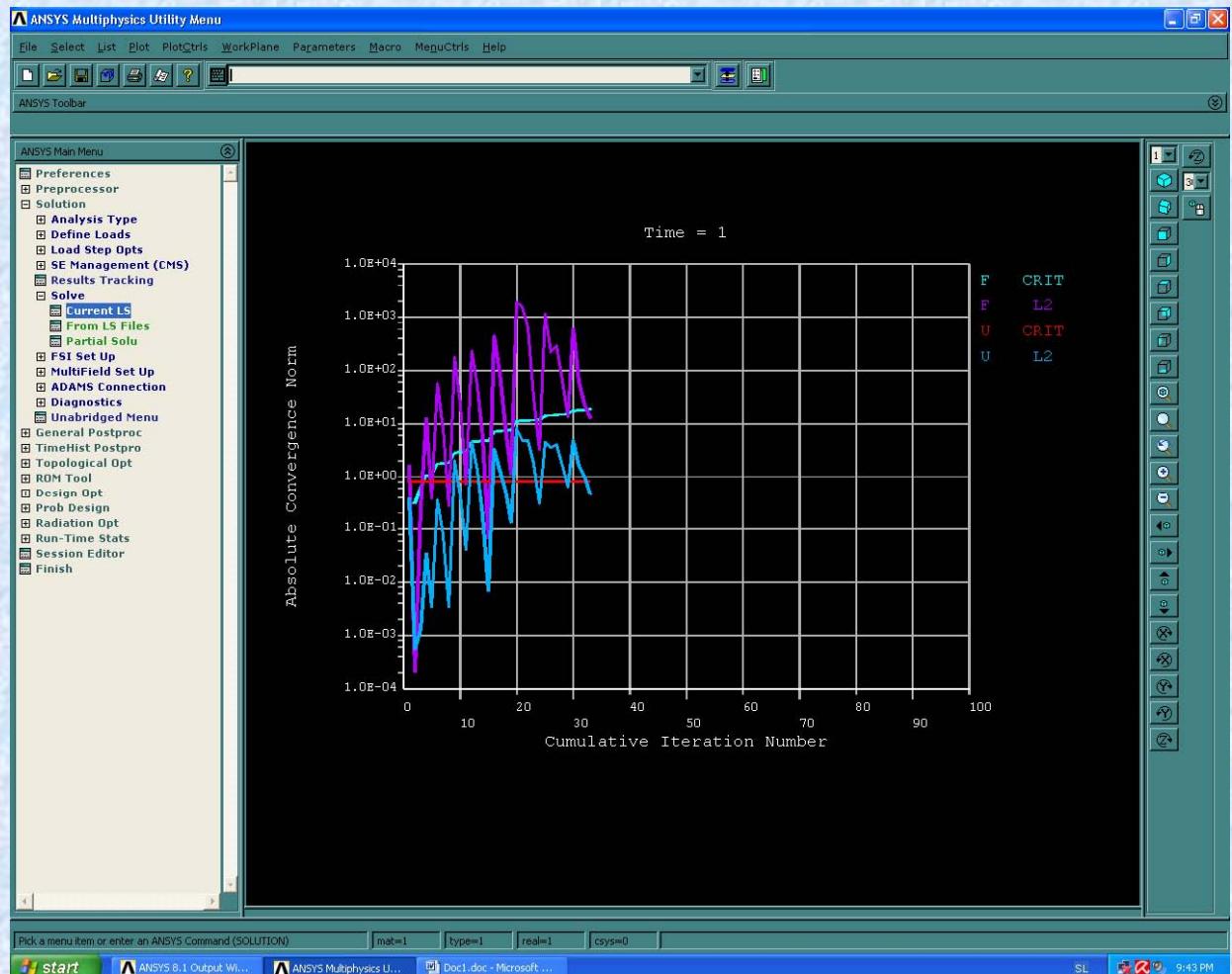
## Solver

Zadavanje parametara rješenja (broj inkremenata, max i min broj iteracija)



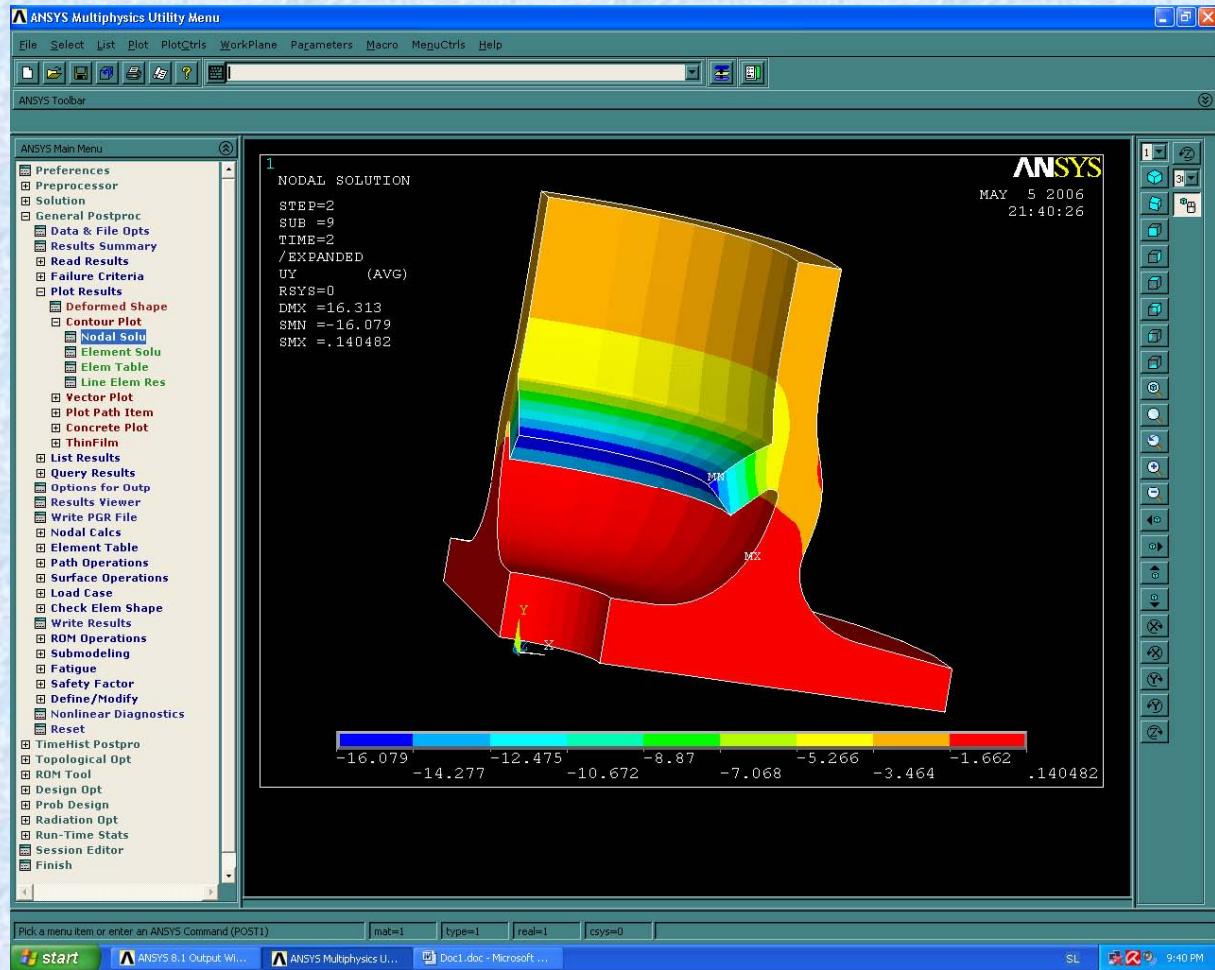
## Solver

- Rješenje
- Iteracije
- Konvergencija

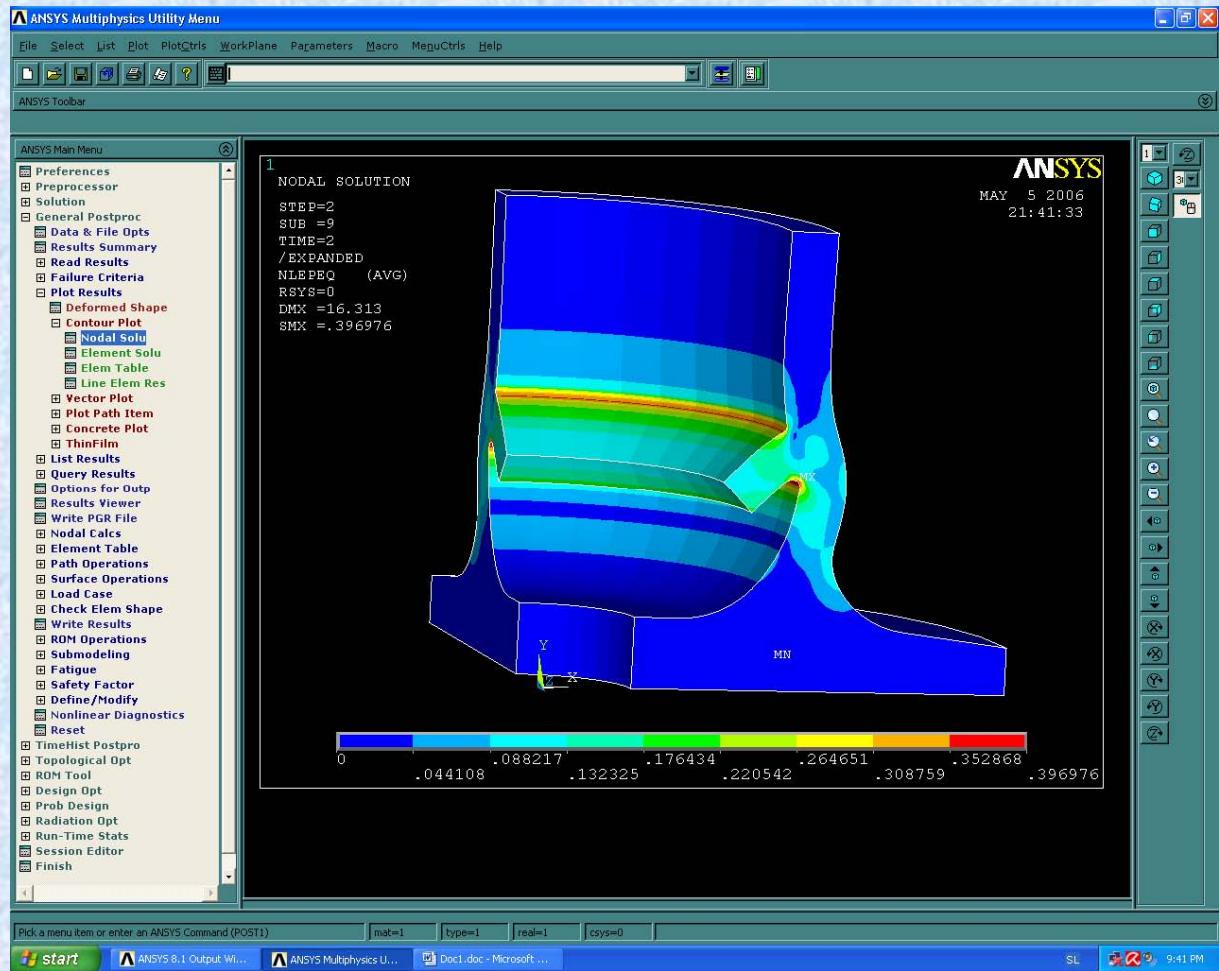


## Analiza:

- Axi-simetričan
- 3D model
- Pomjeranje Y
- skaliranje



## Analiza: Ekvivalentna (akumulirana) plastična deformacija



**Slijedi prezentacija na PC-ju...(1 čas)**